

Model test LERIS - soluții

Turbatu Doru

Subiectul I

$$874 + \{ 3 \times [239 + 7 \times (a \times b) : 3] - 854 \} \times 2 = 978.$$

$$\{ 3 \times [239 + 7 \times (a \times b) : 3] - 854 \} \times 2 = 104$$

$$3 \times [239 + 7 \times (a \times b) : 3] - 854 = 52$$

$$3 \times [239 + 7 \times (a \times b) : 3] = 906$$

$$239 + 7 \times (a \times b) : 3 = 302$$

$$7 \times (a \times b) : 3 = 63$$

$$7 \times (a \times b) = 189$$

$$a \times b = 27$$

Perechile sunt: (1 ; 27) , (3 ; 9) , (9 ; 3) , (27 ; 1)

Subiectul II

a) $x = 4y + 3$, $3 < y$; $y = 5z + 4$, $4 < z$. Deci $x = 4(5z + 4) + 3 \Leftrightarrow x = 20z + 19$, cu $z \geq 5$, ceea ce conduce imediat la $x \geq 119$

b) Inlocuind x și y în suma $x + y + z = 283$ cu expresiile găsite, obținem
 $20z + 19 + 5z + 4 + z = 283 \Leftrightarrow 26z = 260 \Leftrightarrow z = 10, y = 54, x = 219$

Subiectul III

Suma cifrelor unei grupe (de forma 2017) este 10. Împărțind 2023 la 10 obținem $2023 = 10 \times 202 + 3$, adică 202 grupe de 4 cifre și încă 3 cifre. Deci au fost șterse $202 \times 4 + 3 = 811$ cifre, a căror sumă este $202 \times 10 + 2 + 0 + 1 = 2023$.

Constatăm că, la începutul programului, pe ecran apar sumele 2, 2, 3, 10, 12, 12, 13, 20, 22, 22, 23, 30, ..., numere care au ultima cifră 0, 2, sau 3. Deci 2017 nu va fi afișat pe monitor.

Model test LERIS- soluții

Cătălin Budeanu

Subiectul I

$$2018 - \{35 - [25 - 16 \cdot (x + y) : 8] : 3 \cdot 2 - 5\} : 8 \cdot 3 = 2012$$

$$\{35 - [25 - 16 \cdot (x + y) : 8] : 3 \cdot 2 - 5\} : 8 \cdot 3 = 6$$

$$\{35 - [25 - 16 \cdot (x + y) : 8] : 3 \cdot 2 - 5\} : 8 = 2$$

$$35 - [25 - 16 \cdot (x + y) : 8] : 3 \cdot 2 - 5 = 16$$

$$35 - [25 - 16 \cdot (x + y) : 8] : 3 \cdot 2 = 21$$

$$[25 - 16 \cdot (x + y) : 8] : 3 \cdot 2 = 14$$

$$25 - 16 \cdot (x + y) : 8 = 21$$

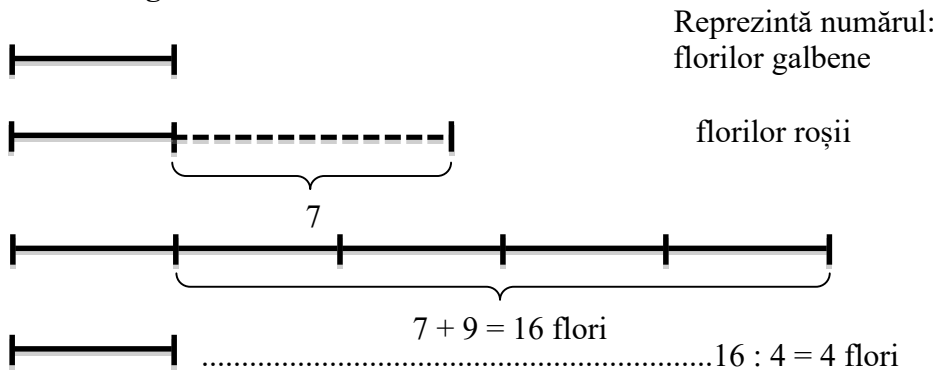
$$16 \cdot (x + y) : 8 = 4$$

$$16 \cdot (x + y) = 32$$

Se obține $x + y = 2 \Rightarrow \overline{xy} \in \{11, 20\}$

Subiectul II

Metoda figurativă



Deci sunt 4 flori galbene și 11 flori roșii

Subiectul III

a) 108, 109, 191.

(orice alt exemplu corect se punctează)

b) Ca un număr \overline{abc} să fie *optim* este necesar ca printre cifrele sale să se regăsească fie cifrele 0 și 8, fie cifrele 1 și 9.

Avem 10 numere de forma $\overline{19x}$, $x \in \{0, 1, \dots, 9\}$, 9 numere de forma $\overline{1x9}$, $x \in \{0, 1, \dots, 8\}$, cu cifrele 0 și 8 se pot forma numai două *numere optime* cuprinse între 100 și 200 (108 și 180), prin urmare vor fi $10 + 9 + 2 = 21$ de *numere optime* cuprinse între 100 și 200

c) • Vom vedea câte *numere optime* au în componența lor cifrele 0 și 8.

Avem: 8 numere de forma $\overline{a08}$, $a \in \{1, \dots, 7, 9\}$

8 numere de forma $\overline{a80}$, $a \in \{1, \dots, 7, 9\}$

8 numere de forma $\overline{80a}$, $a \in \{1, \dots, 7, 9\}$

8 numere de forma $\overline{8a0}$, $a \in \{1, \dots, 7, 9\}$.

Lor li se vor adăuga numerele 800, 808 și 880 prin urmare vor fi $8 \cdot 4 + 3 = 35$ de *numere optime* care conțin cifrele 0 și 8.

• Vom vedea câte *numere optime* au în componența lor cifrele 1 și 9.

Vom avea câte 8 numere de forma $\overline{19a}$, $\overline{1a9}$, $\overline{91a}$, $\overline{9a1}$, unde $a \in \{0, 2, 3, \dots, 8\}$ și câte 7 numere de forma $\overline{a19}$ respectiv $\overline{a91}$, unde $a \in \{2, 3, \dots, 8\}$. Lor li se vor adăuga alte 6 numere *optime* care au câte două cifre egale (119, 191, 911, 991, 919, 199), și atunci vor fi $8 \cdot 4 + 7 \cdot 2 + 3 \cdot 2 = 52$ de *numere optime* care conțin cifrele 1 și 9.

În total vor fi $35 + 52 = 87$ de *numere optime*.

Model test LERIS- soluții

Timohe-Tumac Gheorghe

Subiectul I

$$106 = 314 - 4 \times [112 - 5 \times (2x + 3y)]$$

$$4 \times [112 - 5 \times (2x + 3y)] = 208$$

$$112 - 5 \times (2x + 3y) = 52$$

$$5 \times (2x + 3y) = 60 \Rightarrow 2x + 3y = 12$$

$$\text{Deci } (x, y) \in \{(6,0); (3,2); (0,4)\}$$

Subiectul II

Folosind notațiile uzuale, avem relațiile

$$D = I \cdot C + R, \quad 0 \leq R < I. \text{ Conform enunțului, } C + R = 53 \text{ și } R = 3C + 1$$

Din aceste relații rezultă că $R = 40$ și $C = 13$.

$$\text{Deci } D = 13 \cdot I + 40, \quad I > 40$$

$$540 < 13 \cdot I + 40 < 590$$

$$\text{Impunem } 500 < 13 \cdot I < 550 \Rightarrow 39 \leq I \leq 42 \Rightarrow I \in \{39, 40, 41, 42\}$$

$$\text{Avem și } I > 40, \text{ așadar, } I \in \{41, 42\}$$

$$\text{Dacă } I=41, \quad D = 13 \cdot 41 + 40 = 573$$

$$\text{Dacă } I=42, \quad D = 13 \cdot 42 + 40 = 586$$

Subiectul III

Observăm că ultimul număr de pe linia 2 este $1+2$, ultimul număr de pe linia 3 este $1+2+3$, și în general, ultimul număr de pe linia n este egal cu $1+2+3+\dots+n$

a) Ultimul număr de pe linia 99 va fi $1+2+\dots+99=4950$, deci primul număr de pe linia 100 este egal cu 4951

$$\text{b) } S = 4951 + 4952 + \dots + 5050 = 10001 \cdot 100 : 2 = 500050$$

c) Presupunem că 100 se află pe linia $n+1$, așadar vom avea

$$1 + 2 + 3 + \dots + n < 100 \leq 1 + 2 + 3 + \dots + n + (n + 1)$$

$$n \cdot (n + 1) : 2 < 100 \leq (n + 1) \cdot (n + 2) : 2$$

Observăm că $n=13$ verifică relația de mai sus întrucât

$$13 \cdot 14 : 2 < 100 < 14 \cdot 15 : 2$$

În concluzie, 100 se află pe rândul 14.

Model test LERIS- soluții

Doru Buzac

Subiectul I

$$400 : \{5 \cdot [28 + 48 : (60 : a - 8)]\} = 2$$

$$5 \cdot [28 + 48 : (60 : a - 8)] = 200$$

$$28 + 48 : (60 : a - 8) = 40$$

$$60 : a - 8 = 4 \Rightarrow a = 5$$

Subiectul II

Fie a = numărul de bile albe, n =numărul de bile negre, r =numărul de bile roșii.

Relațiile sunt:

$$a + r + n = 50$$

$$a + r + 1 = 42$$

$$n + a + 1 = 35$$

Deci $n = 9, a = 25, r = 16$

Subiectul III

- a) Cel mai mic termen cu 3 cifre distincte este 137, iar cel mai mare cu patru cifre distincte este 9731. Suma este 9868.
- b) - 1 cifră: 4.
- 2 cifre: $4 \times 4 = 16$.
- 3 cifre: $4 \times 4 \times 4 = 64$.
- 4 cifre: $64 \times 4 = 256$.
- 5 cifre: $256 \times 4 = 1024$.
Sumarea $4 + 16 + 64 + 256 + 1024 = 1364$.

Model test LERIS- soluții

Lidia Bosancianu

Subiectul I

Cazul I $25 - 3 \cdot [2 + (3 + x) : 3] = 7 \Leftrightarrow x = 9$ și $[6 \cdot (y - 2) - 9] : 3 - 4 = 1 \Leftrightarrow y = 6$

Cazul II $25 - 3 \cdot [2 + (3 + x) : 3] = 1 \Leftrightarrow x = 15$ și $[6 \cdot (y - 2) - 9] : 3 - 4 = 7 \Leftrightarrow y = 9$

Deci $(x, y) \in \{(9, 6); (15, 9)\}$

Subiectul II

Metoda aritmetică

$360 : 2 = 180$ lei (costul unui pachet)

$180 - 108 = 72$ lei (costul caietelor rămase în pachetul II)

$72 \times 2 = 144$ lei (costul caietelor rămase în pachetul I)

$180 - 144 = 36$ lei (costul celor 12 caiete)

$36 : 12 = 3$ lei (costul unui caiet)

$180 : 3 = 60$ (numărul de caiete din fiecare pachet).

Metoda algebrică

Fie x numărul de caiete dintr-un pachet și y prețul unui caiet. Atunci:

$2x \cdot y = 360$ și $(x - 12) \cdot y = 2 \cdot (x \cdot y - 108)$, de unde $x \cdot y = 180$ și $180 - 12y = 144$.

Rezultă $y = 3$ și $x = 60$.

Subiectul III

a) Primul număr din grupa 100 este $6 \cdot (100 - 1) + 1 = 595$, iar ultimul este $6 \cdot 100 = 600$.

b) $999 = 6 \cdot 166 + 3$ deci 999 se află în grupa 167 și se repetă de 3 ori.

Subiectul I

$$7 \cdot [(a+3) \cdot (b+4) + 12] \cdot 4 = 1008$$

$$(a+3) \cdot (b+4) + 12 = 36$$

$$(a+3) \cdot (b+4) = 24$$

$$(a,b) \in \{(0,4); (1,2); (3,0)\}$$

Subiectul II

$$x = 2 \cdot y + 41, 41 < y$$

$$2 \cdot y + 41 + y \leq 168 \Rightarrow 3 \cdot y \leq 127 \Rightarrow y \leq 42$$

Tinând cont de condiția restului obținem $y = 42$ deci $x = 125$

Subiectul III

a) $S = 2 \cdot 1 + 2 \cdot 2 + 2 \cdot 3 + 2 \cdot 4 + \dots + 2 \cdot 100 - 2 - 4 - 6 - \dots - 100$

$$S = 2 \cdot (1 + 2 + 3 + 4 + \dots + 100) - 2(1 + 2 + 3 + \dots + 50) = 7550.$$

b)

$$1 \rightarrow 2 \cdot 1 - 1 = 1$$

$$1 \rightarrow 2 \cdot 1 + 1 = 3$$

$$2 \rightarrow 2 \cdot 2 = 4$$

$$3 \rightarrow 2 \cdot 3 - 1 = 5$$

$$3 \rightarrow 2 \cdot 3 + 1 = 7$$

$$4 \rightarrow 2 \cdot 4 = 8$$

.....

$$97 \rightarrow 2 \cdot 97 - 1 = 193$$

$$97 \rightarrow 2 \cdot 97 + 1 = 195$$

$$98 \rightarrow 2 \cdot 98 = 196$$

$$99 \rightarrow 2 \cdot 99 - 1 = 197$$

$$99 \rightarrow 2 \cdot 99 + 1 = 199$$

$$100 \rightarrow 2 \cdot 100 = 200$$

Model test LERIS- soluții

Mihaela Bucataru

Subiectul I

$$[(a \cdot 11 + b \cdot 11 + 477 : 9) : 2 + 4] \cdot 4 - 96 = 400$$

$$[(a \cdot 11 + b \cdot 11 + 477 : 9) : 2 + 4] \cdot 4 = 496$$

$$a \cdot 11 + b \cdot 11 = 187 \Rightarrow a + b = 17$$

$$\overline{ab} \in \{89, 98\}$$

Subiectul II

a) Fie c = număr răspunsuri corecte

g = număr răspunsuri greșite

Avem $c + g = 40$ și $7 \cdot c - 2 \cdot g = 145$. Inmultind prima relație cu 2 și adunând-o cu a doua, obținem $c = 25$, $g = 15$, deci Alex a răspuns corect la 25 de întrebări

b) Folosind aceleași notații ca la a), scriem $7 \cdot c - 2 \cdot g = c + g$ deci $6 \cdot c = 3 \cdot g$, adică

$g = 2c$ iar numărul de puncte obținut va fi egal cu $c + g = 3 \cdot c$

Cum avem $73 < 3 \cdot c < 77 \Rightarrow c = 25$, $g = 50$, deci Dan a răspuns la 75 de întrebări și a dat 25 răspunsuri corecte.

Subiectul III

a) Grupăm termenii șirului câte trei și îi aranjăm pe linii astfel:

1	4	7
8	11	14
15	18	21
22	25	28
29

.....

Pe fiecare coloană, fiecare număr este cu 7 mai mare decât precedentul, iar pe linia n numerele sunt de forma $7 \cdot (n-1) + 1, 7 \cdot (n-1) + 4, 7 \cdot n$

Următorii patru termeni ai șirului sunt 32, 35, 36, 39

b) Cel mai mare număr de două cifre din șir este 99 și este primul de pe linia 15, deci numărul termenilor care au cel mult două cifre este egal cu $14 \cdot 3 + 1 = 43$

c) $2017 : 3 = 672$, rest 1, deci trebuie să avem 672 linii complete și încă un număr din linia 673. Aceasta începe cu $7 \cdot 672 + 1 = 4705$ și acesta e numărul de pe locul 2017 în șir.